Résolution de structures à partir de diagrammes de diffraction de poudres.

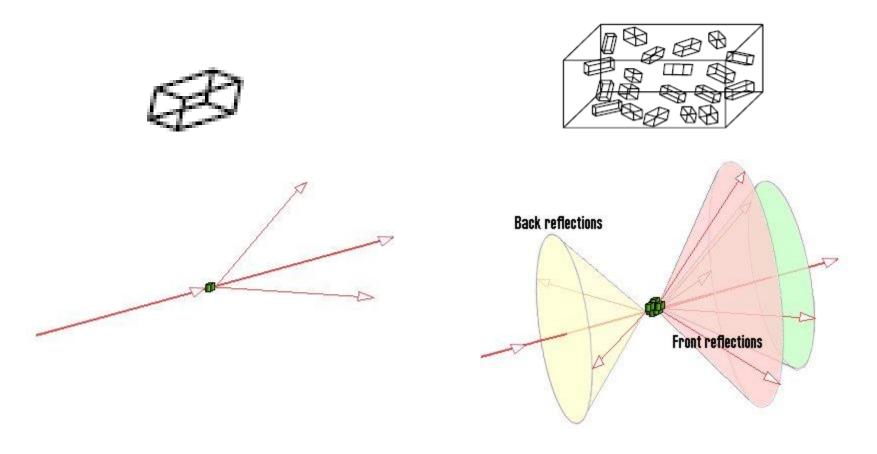
Erik Elkaïm



Les principales étapes

- Enregistrement du diagramme
- Indexation
- Détermination du groupe d'espace
- Extraction des intensités de Bragg
- Recherche de la structure
- Affinement
- Description de la structure

Diffraction Poudres - Monocristal

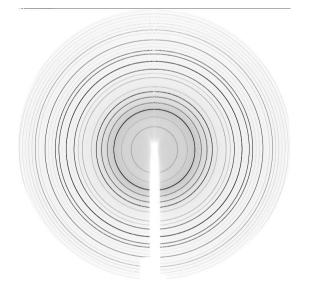


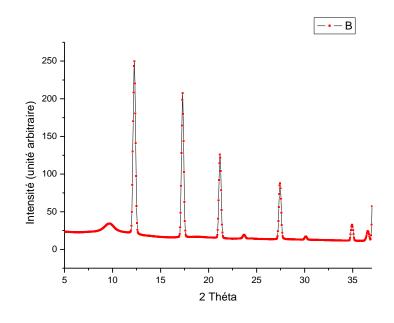
1 Cristal orienté

Poudre

Détecteur 2D

Diagramme





Résolution de structures

- Si possible, diffraction de monocristaux car données expérimentales plus complètes.
- Si pas de monocristaux, poudre est la seule solution.
- Méthodes utilisées au départ très similaires à celle utilisées pour monocristaux.
- Méthodes mieux adaptées ont été développées
- Parallèlement, progrès des mesures
 - Détecteurs et sources.

Enregistrement du diagramme

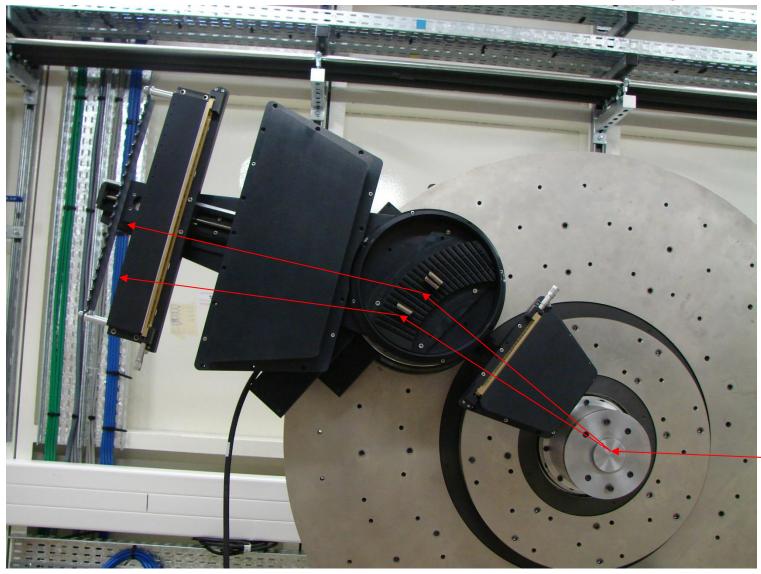
• Choix de la source

- Source de laboratoire
 - Compétitive grâce aux nouveaux détecteurs
 - Ne suffit pas si trop de raies en « overlap » ou absorption forte...
- Synchrotron
 - Bien adapté, si raies fines, petite quantité de poudre
 - Choix de l'énergie
 - Montage « faisceau parallèle » avec analyseur
- Neutrons
 - Position d'atomes légers/lourds (Hydrogènes)
 - Agitation thermique, taux d'occupation

• La collecte

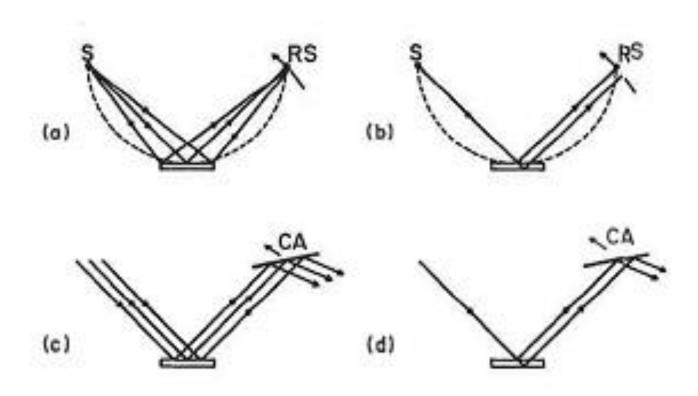
- Grands $\sin \theta / \lambda$
- Statistique à grands angles
- Rotation rapide de l'échantillon
 - Réduit l'orientation préférentielle
 - Plus de « grains » en position de diffraction





X rays

Montage en faisceau parallèle



Avantages:

Analyse angulaire: moins sensible

Elimine fluorescences → meilleur rapport Signal/Bruit

Utilisation de la haute résolution

Fe₂PO₅

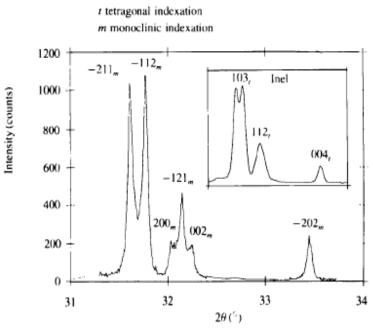


Fig. 1. Synchrotron and conventional X-ray diffraction profiles of selected peaks.

- Comparaison montage conventionnel vs montage haute résolution avec analyseur arrière
- Augmente la quantité d'informations disponibles et facilite l'indexation

Autres géométries/montages

From Bob He (Fundamentals of 2D X-ray diffraction)

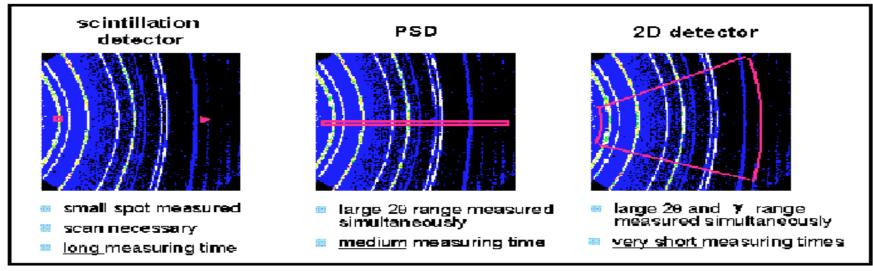


Figure 4. Comparison of diffraction pattern coverage between point (0D), linear PSD (1D), and area (2D) detectors.

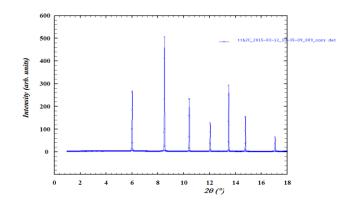


Diagramme de diffraction de poudre : Intensité = f(20)

diagramme à partir du scan d'un détecteur 2D

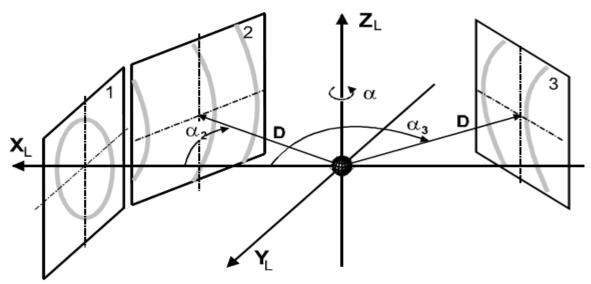
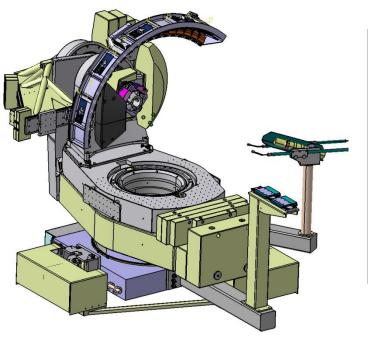


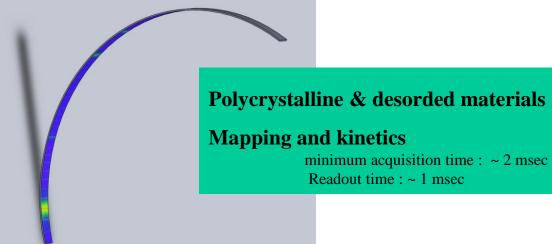
Figure 8. Detector position in the laboratory system $X_LY_LZ_L$: D is the sample-to-detector distance; α is the swing angle of the detector.



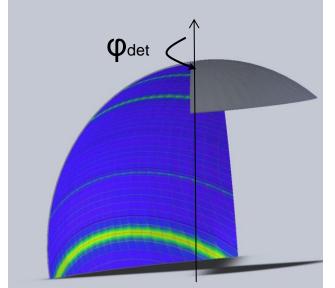
Détecteur CirPAD: Courbe et 2D



Static mode



Scanning mode



Textured materials

Fast pole figures $sin^2(\psi)$ method

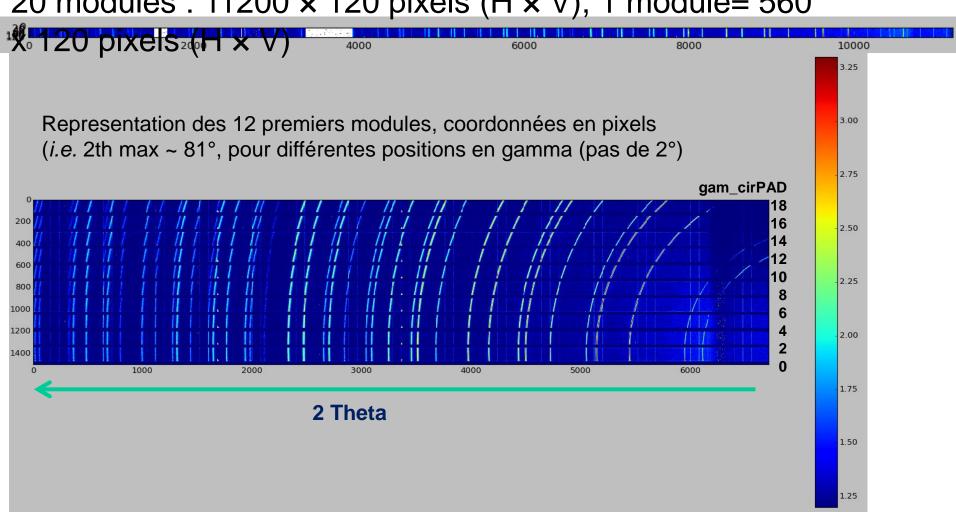


Détecteur CIRPAD

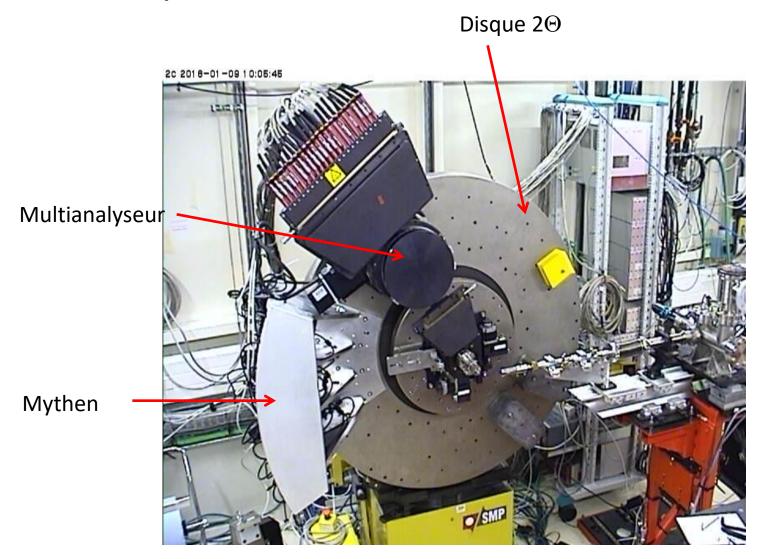
Cristian Mocuta, mai 2018

Tests à 18keV sur une poudre de CeO₂

20 modules : 11200 × 120 pixels (H × V), 1 module= 560

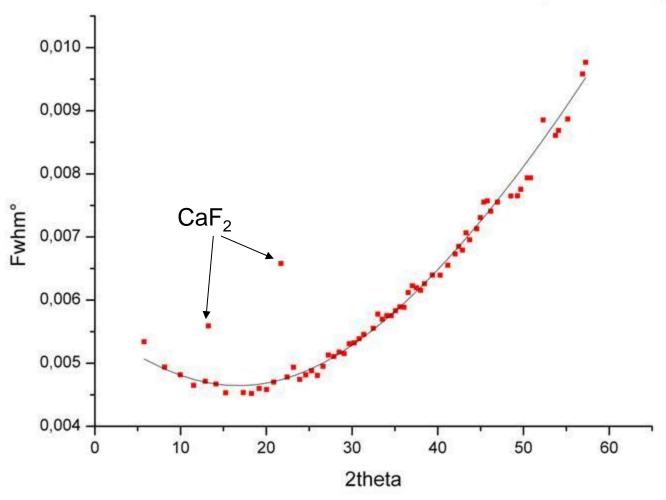


Ligne CRISTAL: 2 détecteurs montés sur disque 2théta du diffractomètre 2C





Na₂Ca₃Al₂F₁₄ à 17kev

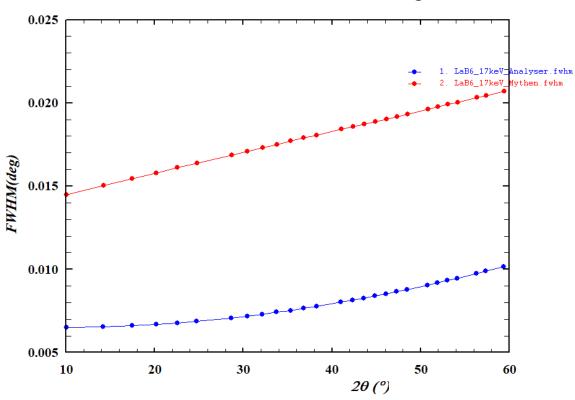


Fonction de résolution instrumentale (IRF)



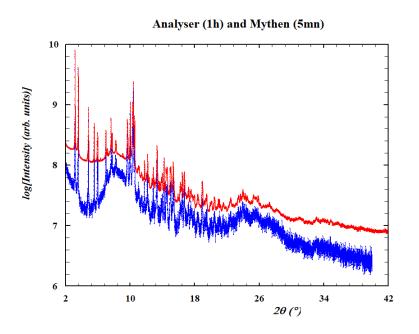
Instrumental Resolution Function

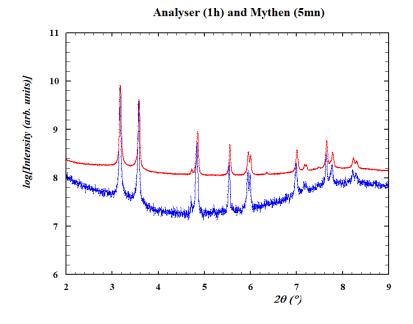
Instrument Resolution Function (LaB6@17keV)





Comparaison intensités





Programmes de Traitement des données (Images → Diagrammes)

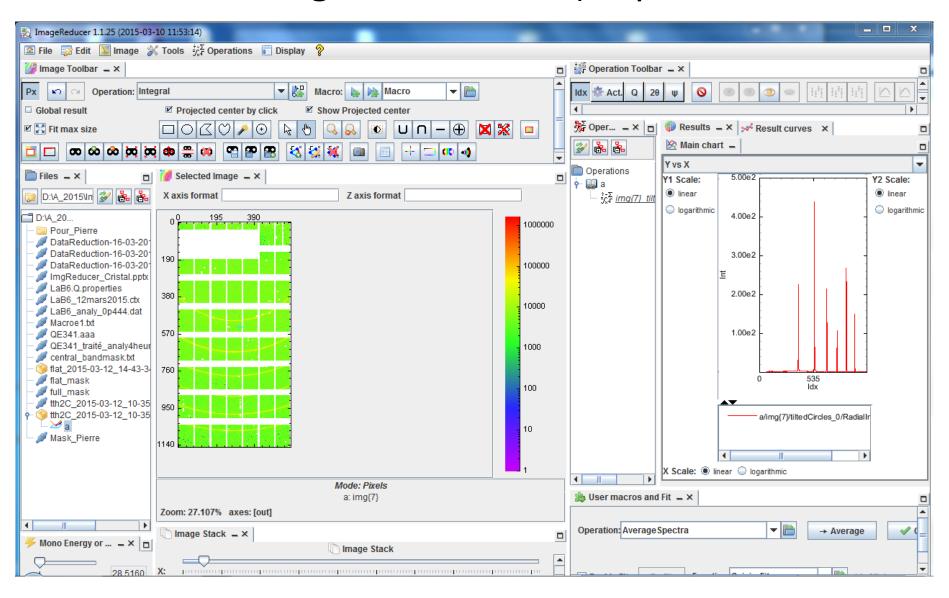
- Géométrie (détecteur, position, angle)
- Masques (pixels défectueux, beamstop etc..)
 - Fit2D (Hammersley, ESRF)
 - ImageReducer ou Foxtrot (Girardot, Ounsy, Perez,
 Viguier, SOLEIL)
 - PyFAI (Kieffer et al., ESRF)
 - Autres...

ImageReducer ou Foxtrot (Soleil)

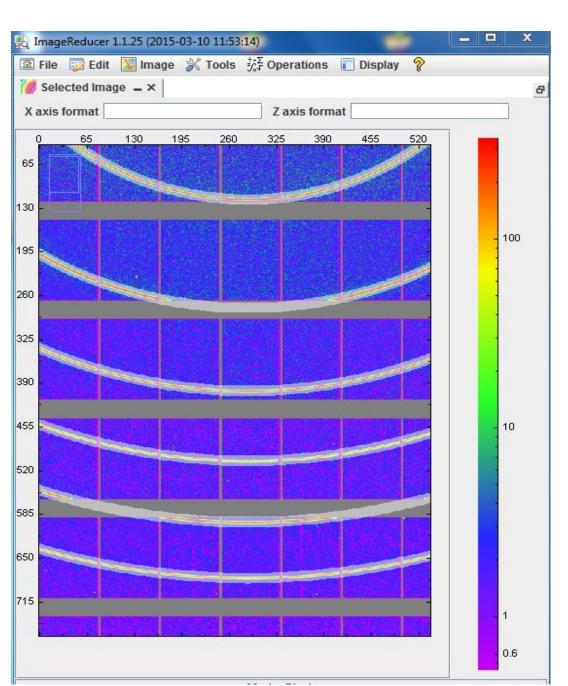
Logiciel pour traitement d'images de différents détecteurs 2D

Lecture des fichiers nexus (pile d'images)
Insertion de masques
Définition de Régions d'intérêt (ROI)
Superposition de raies calculées sur images(simulation)
Calibration de la géométrie à partir d'un standard
Orientation et distance du détecteur
Intégration radiale, azimutale
Exportation de diagrammes

Intégration radiale (ellipse)



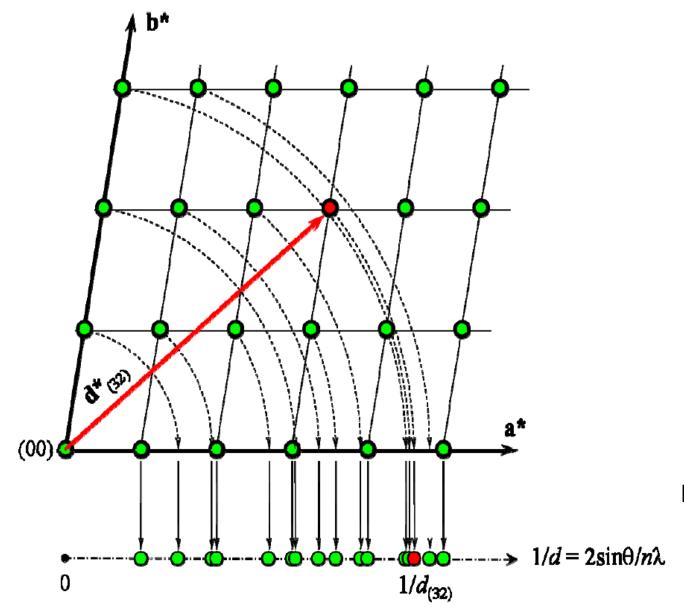
Simulation



L'indexation

- Trouver le réseau
- Problème difficile surtout pour les réseaux non orthogonaux:
 - Dans le passé méthodes intuitives: actuellement nombreux programmes existent.
- Difficulté supplémentaire si impuretés ou raies absentes

Why Powders more difficult than Single Crystal?



From R.Cerny

L'indexation

- Détermination de la position des raies de Bragg: d_{hkl}
- $\begin{array}{ll} \bullet & n_{hkl}^{}*^2=1/d_{hkl}^{}^2=h^2a^{*2}+k^2b^{*2}+l^2c^{*2}+2hka^*b^*cos\gamma^*\\ & +2klb^*c^*cos~\alpha^*~+2hla^*c^*cos\beta^* \end{array}$
- $Q_{hk1} = h^2 A + k^2 B + l^2 C + 2hkD + 2klE + 2hlF$
- Simplifications
 - Cubique: $Q_{hkl} = (h^2 + k^2 + l^2)A$
 - Tetragonal: $Q_{hkl} = (h^2 + k^2) A + l^2C$
 - Hexagonal: $Q_{hk1}=(h^2+hk+k^2) A+l^2C$
 - Orthorombique: $Q_{hkl}=h^2 A + k^2 B + l^2 C$
 - Monoclinique: $Q_{hkl}=h^2 A+k^2 B+l^2C+2hlF$
 - Rhomboédrique: $Q_{hkl} = = (h^2 + k^2 + l^2)A + 2(hk+kl+hl)D$
- Indexation consiste à trouver A,B,C...F et h,k,l
- Résolution d'équations linéaires en A,B,C..F

Méthodes d'indexation et facteurs de confiance

- Essais et erreurs: Treor (Werner), puis N-Treor (Altomare et al)
 - Attribution d'indices (petits) aux quelques premières réflexions puis résolution d'équations linéaires avec inconnues A,B,C,..F
 - Test si ces paramètres permettent l'indexation des raies suivantes. Méthode sensible à la présence d'impuretés
- Monte Carlo: (MacMaille: A. LeBail)
 - Génération aléatoire de mailles, calcul de Q_{hkl} et comparaison avec la position des raies observées. Intensités observées peuvent aussi être utilisées.
- **Dichotomie**:(Dicvol: Boultif et Louer)
 - Variation des constantes de mailles (a,b,c,α..) entre des valeurs min et max par pas constant. Un domaine est retenu si pour chaque raie observée il existe un hkl tel que Q_{hkl} min et max entourent Qobs. Ce domaine est à son tour divisé en sous domaines etc...jusqu'à obtenir une maille candidate.
- **Figures de mérite** permettent de comparer les différentes solutions trouvées: M_N (De Wolff) et F_N (Smith et Snyder)
 - $\quad M_{20} = Q_{20}/(2 < \Delta Q > N_{20})$
 - $F_N = (1/\langle \Delta 2\theta \rangle) (N/Ncalc)$

Détermination du groupe d'espace

- Manuellement après l'indexation
 - Raies absentes à bas angles
 - Ambiguité
 - Superposition
- Durant l'extraction ou même au cours de la résolution de structure

Extraction des intensités

- Essentiellement par méthode de LeBail (voir affinement de Rietveld):
 - Ajustement global des profils sans modèle de structure. (Full pattern matching).
 - Les positions des raies sont contraintes par les paramètres de maille.
 - Une fonction d'élargissement des profils est déterminée/affinée
 - L' intensité de chaque massif de raies superposées est répartie entre ses composantes(raies hkl) point de départ de la recherche de la structure.

Rappels

- $F_{hkl} = \int_{maille} \rho(\mathbf{u}) e^{2\pi h \mathbf{u}} d\mathbf{u} = \sum_{i} f_{i} e^{2\pi i (hx_{i} + ky_{i} + lz_{i})} e^{-T} avec$ $T = B_{i}^{2}/(\sin\theta/\lambda)^{2}$
 - \rightarrow $F_{hkl} = |F| e^{i\Phi}$
- $\rho(x,y,z) = 1/V \sum_{H} F_{hkl} e^{-2\pi i (hx + ky + lz)}$
- Pour une poudre
 - $-I_{hkl} = kL_P m_{hkl} A |F|^2$
- Structure $\approx \rho(x,y,z)$ dans la maille
- Il faut donc retrouver les F avec leurs phases

La résolution de structure: différentes méthodes

- Méthodes directes
 - Détermination directe de la phase des facteurs de structures puis densité électronique obtenue par TF
- Méthode de Patterson
- Méthodes dans l'espace direct
 - Surtout si connaissance de fragments
 - Déplacement aléatoires de fragments dans la maille, calcul du diagramme et comparaison avec les observations (MonteCarlo, Recuit simulé..)

Méthodes directes

- A partir d'une bonne estimation des $|F_{hkl}|$
- Facteurs de structure normalisés
- Méthodes statistiques de détermination de la phase à partir de la distribution des intensités:
 - Mais intensités évaluées ne sont pas aussi fiables que pour monocristaux
 - Méthodes adaptées pour diagrammes de poudres(Programme EXPO2014: A. Altomare, C. Cuocci, C. Giacovazzo, A. Moliterni et al. *J. Appl. Cryst.* 46, 1231-1235)
- Relations entre phases de Fs proviennent de l'atomicité et de la positivité de la densité électronique
 - par exemple relations entre phases de triplets de réflexions

Méthodes directes: statistique des intensités

• Facteurs de structures normalisés E ou unitaires U:

$$-|\mathbf{E_h}| = |\mathbf{F_h}|/\sqrt{\epsilon \sum f_j^2}$$
 et $|\mathbf{U_h}| = |\mathbf{F_h}|/\sum f_j$, $|\mathbf{U_h}| \le 1$

• Distribution et movennes

	Centrosymétrique	Non-centrosymétrique
< E ² >	1.00	1.00
< E ² -1 >	0.968	0.736
< E >	0.798	0.886
% E > 1.0	31.7	36.8
% E > 2.0	4.6	1.8
% E > 3.0	0.3	0.01

Méthodes directes

- Facteurs de structure normalisés E, unitaires U:
 - $|E_h|^2 = |F_h|^2 / \sum f_j^2$
 - $-U_h = F_h / \sum f_i \qquad |U_h| \le 1$
- Relations entre phases:
 - Pour raies fortes
 - Triplets: $\Phi h + \Phi k + \Phi h k \approx 0$ (probabilité forte)
 - Quartets: $\Phi h + \Phi k + \Phi l + \Phi h k l \approx 0$
 - pour structure centrosymétriques, inégalités telles que:
 - $|\mathbf{U_h}|^2 \le 0.5 (1 + \mathbf{U_{2h}})$
 - Propagation des phases = formule de la tangente (Karle et Hauptman) puis évaluation

- tan (Φh) =
$$\frac{\sum_{k} |Ek Eh - k| sin(\emptyset k + \emptyset h - k)}{\sum_{k} |Ek Eh - k| cos(\emptyset k + \emptyset h - k)}$$

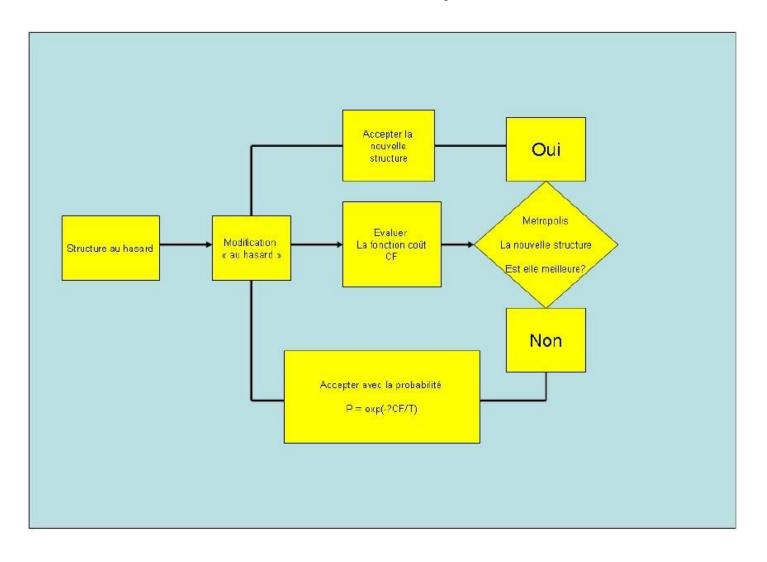
Méthode de Patterson

- $P(\mathbf{u}) = \int_{V} \rho(\mathbf{r}) \rho(\mathbf{r} + \mathbf{u}) d\mathbf{u}$ fonction d'autocorrélation de la densité
- On montre que $P(\mathbf{u}) = (1/V) \Sigma_h |F_{hkl}|^2 e^{-2\pi h \cdot \mathbf{u}}$
- Position des max de P(u) correspondent à vecteurs interatomiques
- Intensité des max ~ Z_i*Z_j
- Si atomes lourds, pics les plus forts permettent de placer ces atomes.
- Ensuite utilisation de **cartes de Fourier-différence** pour compléter la structure.

Résolution dans l'espace direct

- Méthodes Monte-Carlo ou recuit simulé
 - Modèle de la molécule déplacé dans la maille
 - Peuvent fonctionner aussi ab-initio
 - Uniquement contenu de la maille
 - Programme FOX (R. Cerny, V. Favre-Nicolin)

Résolution dans l'espace direct



Algorithme pour la méthode d'optimisation par 'recuit simulé'.

En gal plus lent que méthodes directes

Résolution dans l'espace direct

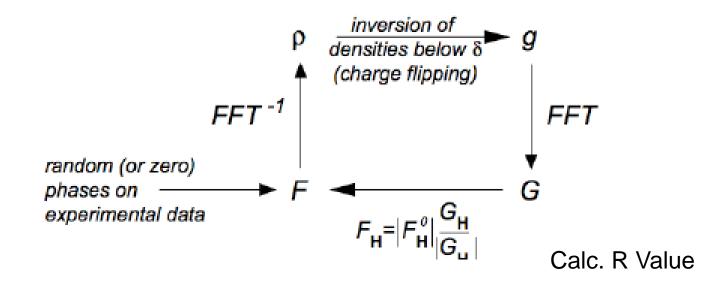
- Informations provenant d'autres techniques d'analyse
 - EXAFS : environnement d'un atome, nombre de voisins..
 - RMN
 - Infrarouge
 - **–**
- Calculs
 - Fragments

Charge flipping

Oszlanyi et al. (Acta.Cryst. A60 p.134, **2004**) L. Palatinus (Acta.Cryst. B p.1, **2013**)

- Méthode hybride (dans espaces direct et réciproque)
- Assigner phases aux |Fobs| (espace réciproque)
- Par TF obtenir une carte de densité (Espace direct)
- Changer les signes (flipping) si $\rho < \delta$ ($\delta > 0$, faible)
- Par TF calculer les F avec nouvelles phases
- Remplacer les |F| par |Fobs| avec phases obtenues
- Cycler jusqu'à convergence (phases n'évoluent plus)

Charge flipping



• Voir demo (N.Schoeni et G.Chapuis) à http://escher.epfl.ch/flip/

Charge flipping

- Avantages
 - En principe, résolution ab-initio
 - Pas besoin de la composition ni du groupe spatial
 - Détermination du groupe d'espace à postériori
- Inconvénients
 - Besoin de mesures à haute résolution (haut $\sin\Theta/\lambda$)
 - Peu de pics superposés

Cartes de Fourier

- $F_{hkl} = \int_{maille} \rho(\mathbf{u}) e^{2\pi h \mathbf{u}} d\mathbf{u} = \sum_{i} f_{i} e^{2\pi i (hx_{i} + ky_{i} + lz_{i})} e^{-T}$
- $\rho(x,y,z) = 1/V \sum_{H} F_{hkl} e^{-2\pi i (hx + ky + lz)}$
- $\Delta \rho(x,y,z) = 1/V \sum_{H} (F_{hkl}(obs) F_{hkl}(calc)) e^{-2\pi i(hx+ky+lz)}$
- Les max de $\Delta \rho$ (cartes différences) correspondent (en principe) aux atomes manquants mais parfois difficiles...
- On attribue aux Fobs la phase des Fcalc..

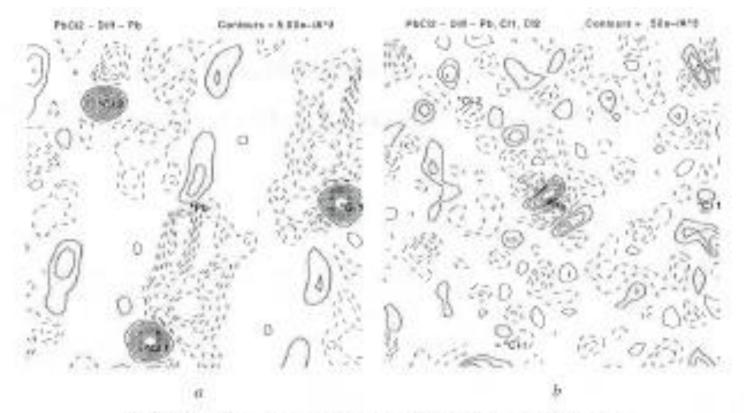


Figure 7.6 Séries de Fourier « différence » dans le composé PbCl₂. À gauche : Série de Fourier « différence » intermédiaire, Coefficients de la série : $s_r(Pb)$ (H) $|F_s(H)| = s_r(Pb)$ (H) $|F_s(Pb)|$ (H) $|F_s(Pb)|$ (Contours : $5 e/\tilde{A}^3$. À droite, série « différence » résiduelle. Coefficients de la série : $s_{r0000}(H)|F_s(H)| = s_{r0000}(H)|F_{spout}(H)|$. Contours : $0.5e/\tilde{A}^3$.

J. Protas : Diffraction des rayonnements (Ed. Dunod)

L'affinement de Rietveld

- Affinement des paramètres structuraux et de profils sur le diagramme expérimental (Fullprof J.Rodriguez-Carvajal)
- Les paramètres structuraux
 - Pour chaque atome
 - Position (x,y,z), agitation thermique(B ou Bij), taux d'occupation
- Les autres paramètres
 - Facteur d'échelle, paramètres de maille, orientation préférentielle
 - Fonction de profil , fonction d'élargissement avec 2θ, assymétrie
 - Le bruit de fond

Intensité diffractée par une poudre

- Intensité intégrée $I_h \sim (I_0 \lambda^3 / R) m_h Lp OA |F_h|^2$
 - $-L=1/(\sin\theta_B\sin 2\theta_B)$ facteur de Lorentz
 - p=(1-t)+tcos²2θ facteur de polarisation t~0.05 pour synchrotron
 - A,O facteurs d'absorption et d'orientation préférentielle
 - R distance échantillon détecteur
 - m_h multiplicité de la raie hkl
- $I_h \sim k m_h Lp A |F_h|^2$, avec k facteur d'échelle
- Pour raie unique $y(2\theta)=y_i=I_h \Phi(2\theta-2\theta_B,\Gamma)+b_i$
 - Φ(2θ-2θ_B, Γ) fonction de profil normalisé de largeur Γ

L'affinement

- On cherche à minimiser $M = \sum_i w_i [y_i(obs) y_i(calc)]^2$
- $Y_i(calc) = \Sigma_{hkl} (I_{hkl} \Phi(2\theta_i 2\theta_{B,hkl}, \Gamma) + b_i)$
 - Souvent, $\Phi = \eta L + (1 \eta)G$ fonction pseudo-voigt
 - $\eta = \eta 0 + X 2 \theta$ paramètre de forme
 - Γ²(2θ)=W+V tan(θ)+Utan²(θ)+Ig/cos² (θ) fonction d'élargissement la plus simple
 - U,V,W,Ig et X paramètres affinables

• Remarques:

- Autres formulations avec des paramètres plus « physiques » sont utilisées.
 - Le profil mesuré est la convolution du profil « échantillon » avec le profil instrumental.
 - Rappels:
 - Formule de Scherrer $\beta(2\theta) \sim 0.9 \lambda / L\cos\theta$
 - Microdéformation $\Delta 2\theta \sim 4\epsilon \tan(\theta)$

Les facteurs d'accord

Pour les profils

- $R_{wp} = \left[\sum w_i (y_{obs,i} y_{calc,i})^2\right]^{0.5} / \left[\sum w_i (y_{obs,i})^2\right]^{0.5}$
- $R_p = \left[\sum |y_{obs,i} y_{calc,i}|\right] / \left[\sum |y_{obs,i}|\right]$
- $R_{exp} = [N-P]^{0.5}/[\sum w_i(y_{obs,i})^2]0.5$
- G.O.F= R_{wp}/R_{exp}
- Sommes recalculées seulement sur les zones contenant des réflexions
- Sommes aussi calculées sans le bruit

Les facteurs d'accord

Pour la structure

- $R_B = \left[\sum_k |I_{obs,k} I_{calc,k}|\right] / \left[\sum_k |I_{obs,k}|\right]$
- $R_F = \left[\sum_{k} |F_{obs,k} F_{calc,k}|\right] / \left[\sum_{k} |F_{obs,k}|\right]$ Avec
 - $-I_{obs,k} = I_{calc,k} \sum_i \Phi(2\theta_i 2\theta_{B,k}) (y_{obs,i} b_i) / (y_{calc,i} b_i) pas$ directement mesurée.
- Ensemble des facteurs d'accord doit être considéré

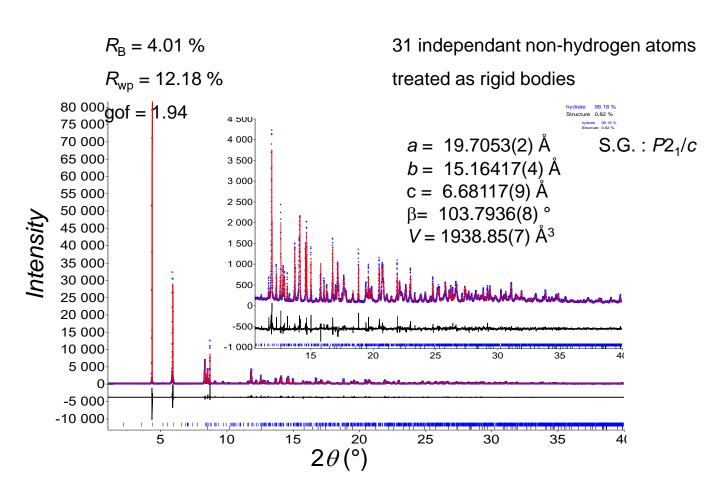
Résultats

- Facteurs d'accord
- Représentation des diagrammes obs ,calc et différence
- Représentation de la structure, empilement
- Positions des atomes, distances et angles
 - Contrôle de ces distances
 - Polyèdres de coordination
- Facteurs d'agitation thermique typiques
- Eventuellement microstructure

XRD and IR structural investigations of a special breathing effect in the MOF-type gallium terephthalate MIL-53(Ga).

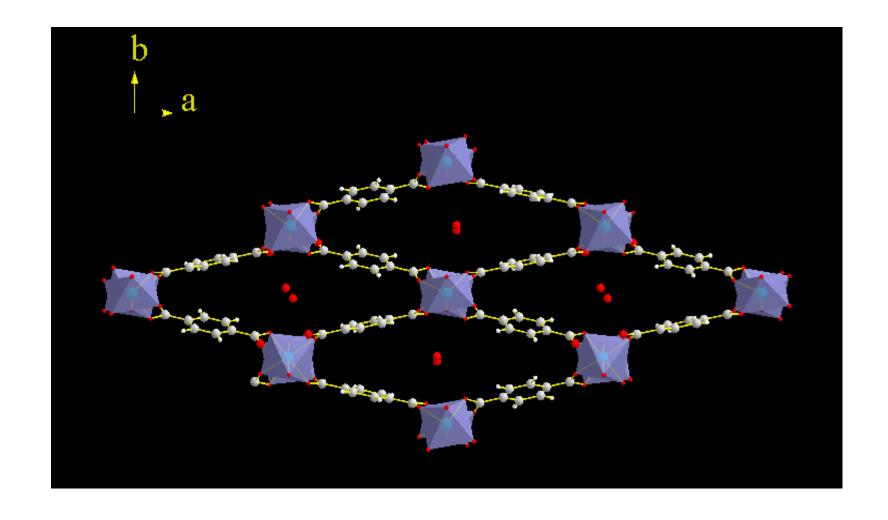
Christophe Volkringer, Thierry Loiseau, Nathalie Guilloua, Gérard Férey, Erik Elkaïm and Alexandre Vimont Institut Lavoisier (Versailles) and Laboratoire de catalyse et spectrochimie (Caen).

Dalton Trans., 2009, 2241–2249



Affinement Rietveld

Composé nano-poreux

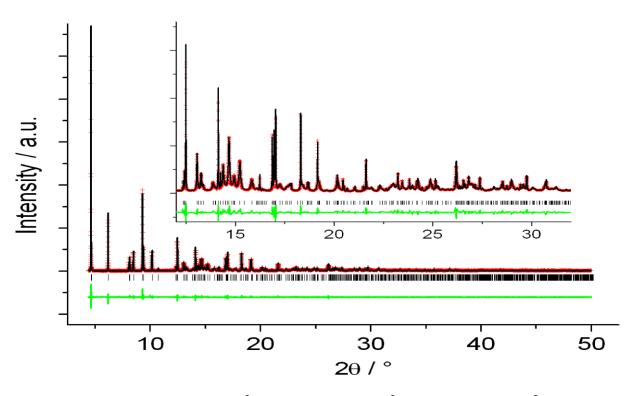


T. Loiseau et N. Guillou (Institut Lavoisier - Versailles)

Structure de Mn₃(OH)₂(C₆H₂O₄S)₂

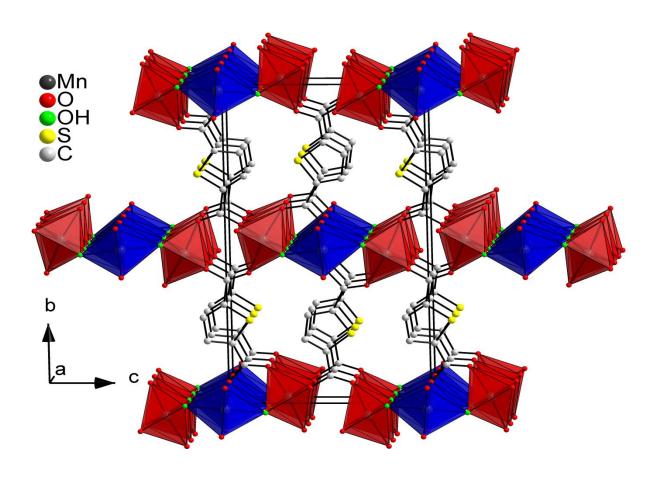
Romain Sibille*,a, Thomas Mazeta, Erik Elkaïmb, Bernard Malamana and Michel Françoisa Inorganic Chemistry, 2013, 52(2): 608–616

Diagramme Hte résolution enregistré sur Cristal ($\lambda = 0.7775 \text{ Å}$)

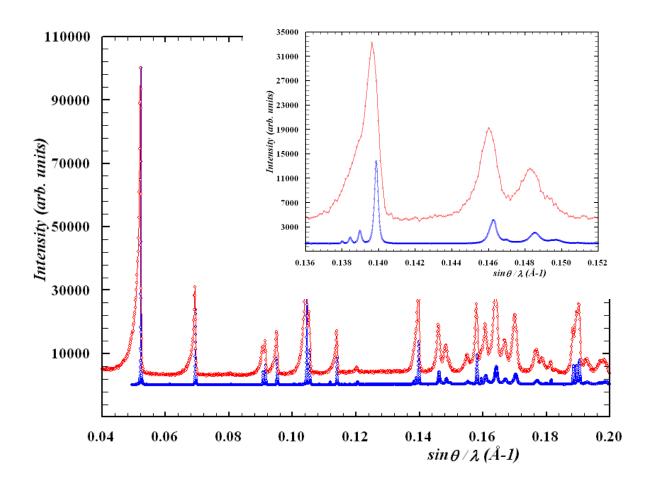


Indexation \rightarrow P2₁/c a = 3.4475 Å, b = 19.1368 Å, c = 11.0146 Å and β = 97.455° Résolution avec programme FOX (V. Favre-Nicolin)

Structure



Comparaison Labo - Synchrotron

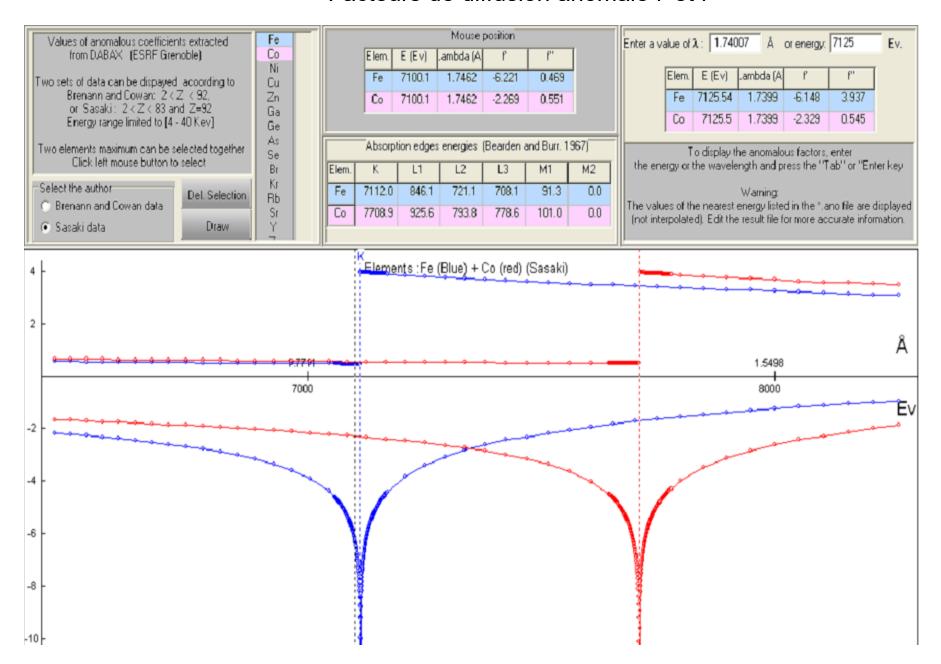


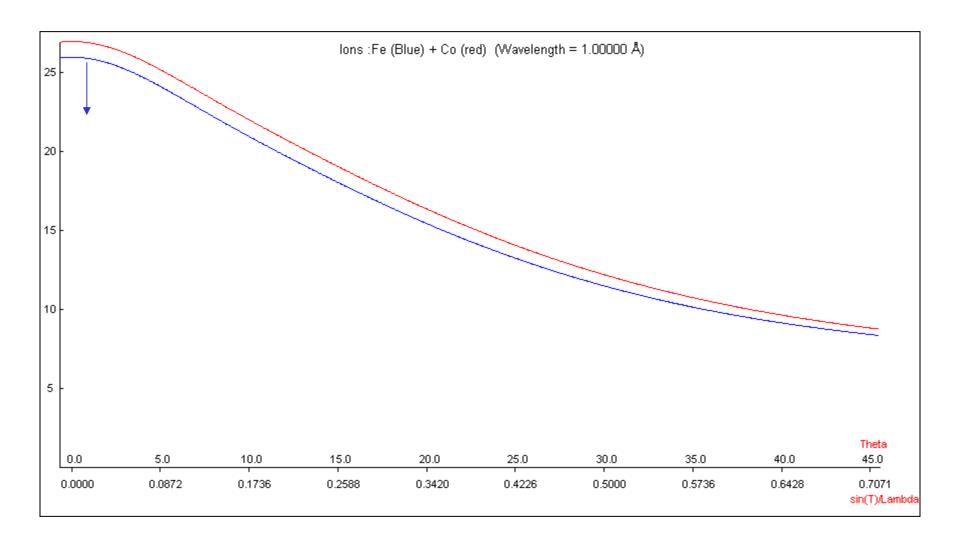
Haute résolution permet aussi étude de la microstructure (Taille, contraintes)

Affinement multi-diagrammes

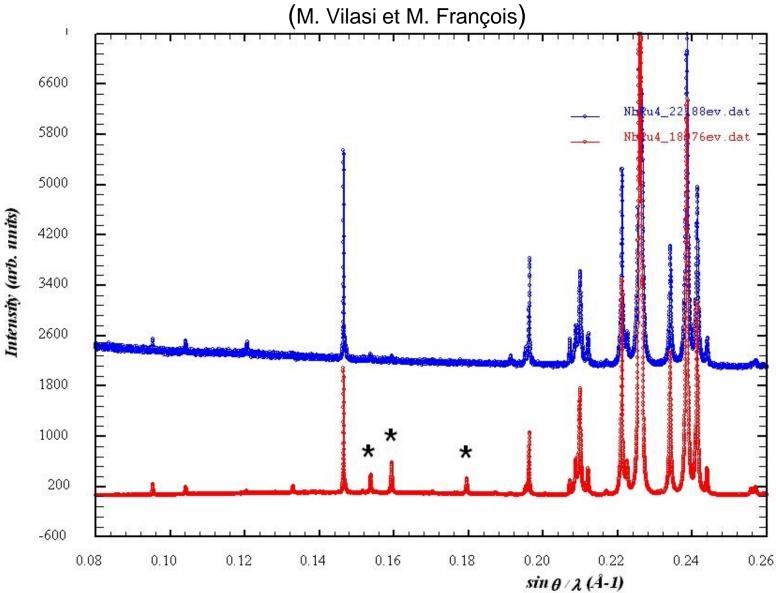
- Possibilité d'affiner sur plusieurs diagrammes
 - Neutrons et rayons X
 - Rayonnement synchrotron à plusieurs longueurs d'onde (effet anomal). f= f0+f'+if''
 - Position des hydrogènes
 - Taux d'occupations partiels de 2 éléments de numéros atomiques voisins.

Facteurs de diffusion anomale f' et f"





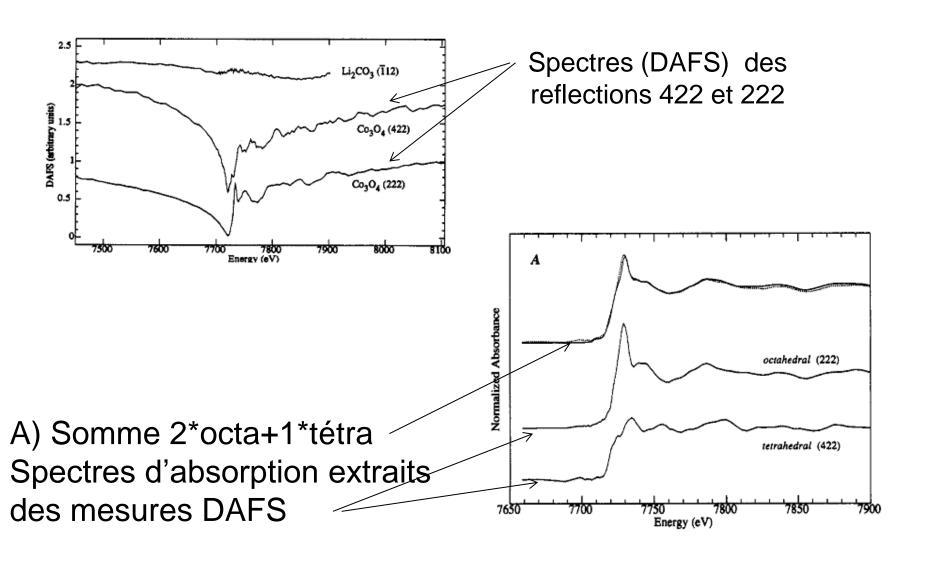
Diffraction anomale d'un alliage NbRu



Diffraction résonnante: DAFS

Diffraction Anomalous Fine Structure= spectroscopie en condition de diffraction

Pickering et al. J. Am. Chem. SOC. 1993,115, 6302-6311



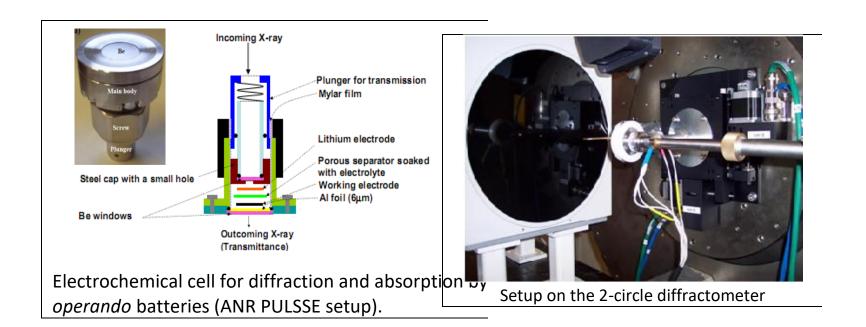
Operando studies of Lithium batteries

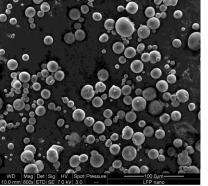
Collaboration with LRCS (Amiens), IMN (Nantes) and SOLEIL (XAS beamlines)

(ANR funded : PULSSE project)

Slow kinetics study to follow charge (discharge) of the battery with a time resolution of a 2-3mn

- Use of an imaging plate detector (MAR345)
- Design and construction of an electrochemical cell

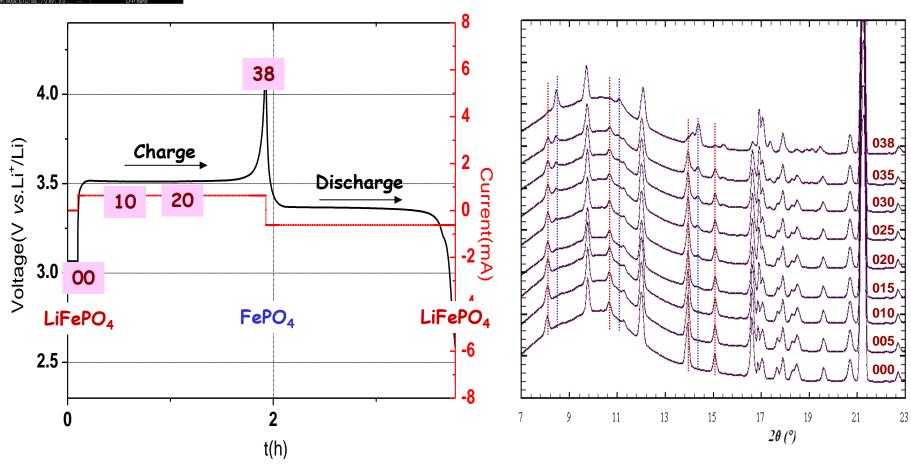




Batteries Li / Electrolyte / LiFePO4 ANR PULSSE IMN(Nantes), LCRS(Amiens), SOLEIL

two-phase reaction

One XRD pattern (recorded within 10 sec.) every 3 min. Wavelength : $\lambda = 0.727 \text{ Å}$



Autres méthodes expérimentales Cristallographie multigrains

Utilisation de détecteurs 2D et mesures type monocristaux.

Images de diffraction de seulement qq dizaines de grains (rapport taille faisceau/taille grains)

Recherches des spots individuels (position et intensité) permet de réduire overlaps

Comptage du nbre de pics et de leur somme pour chaque 20

Histogramme nbre_pics = $f(2\theta)$ informations sur la multiplicité.

Meilleur cas : on obtient l'orientation des différents cristaux ensuite traitement pour monocristal.

Sinon reconstruction d'un diagramme de poudres à haute résolution Voir: serial crystallography:Beyerlein et al Powder Diffr.,vol30 (s25)

J. Wright (ID11, ESRF)

Bibliographie générale

- Crystal Structure Analysis (W. Clegg et al., Oxford University Press)
- Diffraction des rayonnements (J. Protas, Dunod)
- Fundamentals of Crystallography (C. Giacovazzo)

Résolution et affinement de structure par diffraction de neutrons et rayons X E.Elkaim et H. Chevreau

- Echantillon: Oxalate de Strontium
- Indexation diagramme synchrotron
- Gpe d'espace
- Résolution de la structure par recuit simulé (FOX)
- Affinement X
- Affinement neutrons
- Gfourier: placer les H (Deuterium)
- Fullprof Studio

Du diagramme de diffraction de poudre à la résolution de structure: principales étapes Erik Elkaim

- Enregistrement du diagramme
- Indexation
- Détermination du groupe d'espace
- Extraction des intensités de Bragg
- Recherche de la structure
- Affinement